

زوجیت در اعداد صحیح

زوجیت در عددهای صحیح اشاره دارد به اینکه هر عدد صحیح یا فرد است یا زوج. عدد صحیح n فرد است، هرگاه باقی مانده تقسیم آن بر ۲ مساوی یک باشد؛ و آن به شکل $n=2k+1$ است. در غیر این صورت، عدد n زوج و به شکل $n=2k$ است. مجموع دو عدد زوج است، اگر هر دو زوج یا هر دو فرد باشند. حاصل ضرب دو عدد زوج است، اگر حداقل یکی از آن عددها زوج باشند. این خواص به صورت زیر بیان می‌شوند:

$$\begin{array}{ll} \text{زوج} = \text{فرد} \pm \text{زوج} & \text{فرد} = \text{فرد} \pm \text{زوج} \\ \text{زوج} = \text{زوج} \pm \text{فرد} & \text{زوج} = \text{زوج} \times \text{زوج} \\ \text{زوج} = \text{زوج} \times \text{زوج} & \text{فرد} = \text{فرد} \times \text{فرد} \end{array}$$

مقسوم‌علیه‌ها (شمارنده‌ها)

فرض کنیم a و b اعدادی صحیح باشند که $a \neq 0$ باشد. در این صورت، به a مقسوم‌علیه b گفته می‌شود (بیان می‌شود $a|b$)، اگر یک عدد صحیح چون k وجود داشته باشد، به طوری که: $b=ka$. مقسوم‌علیه n را «مقسوم‌علیه بدیهی» می‌نامیم، هرگاه مساوی با ۱ یا خود n باشد. در غیر این صورت آن را «مقسوم‌علیه نابديهی» می‌نامیم. مقسوم‌علیه سره برای n مقسوم‌علیه‌ی غیر از خود n است.

تعریف عدد اول: عدد اول آن است که فقط مقسوم‌علیه‌های بدیهی دارد. تعداد عددهای اول نامحدود است. قضیه اساسی حساب بیان می‌دارد که هر عدد صحیح می‌تواند به حاصل ضرب عددهای اول تجزیه شود.

لغت‌ها و اصطلاحات مهم

1. Parity	زوجیت
2. Integer	صحیح
3. Remainder	باقی مانده
4. Odd	فرد
5. Even	زوج
6. divisor	مقسوم‌علیه
7. Product	ضرب
8. Trivial	بدیهی
9. Prime number	عدد اول
10. Infinite	نامحدود، بی‌کران، بی‌نهایت

Parity of Integers

The parity of an integer refers to whether the integer is odd or even. An integer n is odd if there is a remainder of one when it is divided by two, and it is of the form $n=2k+1$. Otherwise, the number is even and of the form $n=2k$.

The sum of two numbers is even if both are even or both are odd. The product of two numbers is even if at least one of the numbers is even. These properties are expressed as.

$$\text{even} \pm \text{even} = \text{even}$$

$$\text{even} \pm \text{odd} = \text{odd}$$

$$\text{odd} \pm \text{odd} = \text{even}$$

$$\text{even} \times \text{even} = \text{even}$$

$$\text{even} \times \text{odd} = \text{even}$$

$$\text{odd} \times \text{odd} = \text{odd}$$

Divisors

Let a and b be integers with $a \neq 0$ then a is said to be a divisor of b (denoted by $a|b$) if there exists an integer k such that $b=ka$.

A divisor of n is called a trivial divisor if it is either 1 or n itself; otherwise it is called a nontrivial divisor. A proper divisor of n is a divisor of n other than n itself.

Definition (Prime Number)

A *prime number* is a number whose only divisors are trivial. There are an infinite number of a prime number.

The *fundamental theorem of arithmetic* states that every integer number can be factored as the product of prime numbers.

ترجمه برای دانش آموزان

2.2 Divisibility, Primes, and Composites

The starting point for the theory of numbers is **divisibility**.

Definition 2.2.1. If a, b are integers we say that a **divides** b , or that a is a **factor** or **divisor** of b , if there exists an integer q such that $b=aq$. We denote this by $a|b$. Then b is a **multiple** of a . If $b > 1$ is an integer whose only factors are $\pm 1, \pm b$ then b is a **prime**; otherwise, $b > 1$ is **composite**.

The following properties of divisibility are straightforward consequences of the definition.

Theorem 2.2.1

- (1) $a|b \Rightarrow a|bc$ for any integer c .
- (2) $a|b$ and $b|c$ implies $a|c$.
- (3) $a|b$ and $a|c$ implies that $a|(bx+cy)$ for any integer x, y .
- (4) $a|b$ and $b|a$ implies that $a=\pm b$.
- (5) If $a|b$ and $a > 0, b > 0$ then $a < b$.
- (6) $a|b$ if and only if $ca|cb$ for any integer $c \neq 0$.
- (7) $a|0$ for all $a \in \mathbb{Z}$ and $0|a$ only for $a=0$.
- (8) $a|\pm 1$ only for $a=\pm 1$.